

# 就知道你要问作业是哪些

2024-06-24 02:05

1. Use the Taylor Series to write the fifth-order Taylor expansion of  $f(x) = \sin(x)$  at  $x = \pi$ .
2. Estimate the following values without using a calculator (also cannot use counting rods, abacus, fingers, or any other calculating tools):

$$\sin(1)$$

$$\sqrt[3]{40}$$

3. Following question 2, estimate the error of the methods used. (Non-numerical solution; calculation tools can be used now)
4. 已知椭圆方程  $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$  和圆方程  $x^2 + y^2 = r^2$ ，其中  $3 < r^2 < 4$ 。若直线  $l$  分别切于椭圆和圆的点  $P$  和  $Q$ ，求直线  $|PQ|$  的最大值。
5. 已知函数,  $f(x) = e^x - ax$  和  $g(x) = ax - \ln x$  有相同的最小值
  - (1) 求  $a$ ;
  - (2) 证明：存在直线  $y = b$ , 其与两条曲线  $y = f(x)$  和  $y = g(x)$  共有三个不同的交点，并且从左到右的三个交点的横坐标成等差数列